

# Блокчейн как криптографический примитив

Н. П. Варновский

**Аннотация**—В работе блокчейн рассматривается как новый криптографический примитив, представляющий собой особую базу данных, записи в которой линейно упорядочены, а допустимые запросы к ней могут быть лишь двух видов — запросы на чтение записей (любым желающим) и на добавление записи в конец базы (пользователем, выполнившим определённые условия). При этом блокчейн должен удовлетворять требованиям живучести и неизбытности, гарантирующим добавление любой записи, коль скоро она снабжена необходимым подтверждением права на это действие, и «вечную сохранность» раз добавленной записи.

Одним из основных является вопрос о принципиальной возможности построения такого криптографического примитива. В статье обсуждается проблема обоснования существования блокчейна в различных моделях, позволяющих использовать (гипотетически) этот примитив для защиты информации. Известные положительные результаты не дают удовлетворительного ответа на данный вопрос. В частности, все они получены в модели со случайным оракулом.

В настоящей работе основное внимание уделено блокчейнам, отвечающим парадигме Proof-of-Work, в конструкции которых существенным образом используются криптографические хэш-функции. При сравнительно сильных предположениях доказан следующий отрицательный результат: при условии существования семейств хэш-функций с труднообнаружимыми коллизиями всегда найдутся такие семейства, на которых нельзя строить PoW-блокчейны. Как следствие, не существует blackbox-конструкции PoW-блокчейна на основе семейства хэш-функций с труднообнаружимыми коллизиями.

**Ключевые слова**—блокчейн, защита информации, криптографические хэш-функции, криптографический примитив, модель со случайным оракулом, blackbox-конструкция, Proof-of-Work

## I. ВВЕДЕНИЕ

Посвящённая блокчейнам литература весьма обширна, и практически всегда в ней используется словосочетание «технология блокчейн». Однако, строго говоря, данный термин некорректен. Очевидно, что ни конкретные криптографические конструкции, ни способы их реализации в конкретных моделях не относятся к категории технологий. При этом понятие криптографического примитива здесь более чем уместно.

По своей структуре блокчейн — это особая база данных, состоящая из линейно упорядоченных записей и допускающая только два вида запросов:

- запрос на чтение любой записи — доступен любому пользователю;
- запрос на добавление записи в конец базы данных — право пользователей на это действие определяется способом реализации блокчейна и конкретным приложением.

Статья получена 17 ноября 2020.

Николай Павлович Варновский, Институт проблем информационной безопасности МГУ им. М. В. Ломоносова, (email: math-dep@iisi.msu.ru).

Собственно криптографическим примитивом, называемым блокчейном, такая база данных является при выполнении следующих двух основных требований.

Первое условие (требование) связано с обеспечением свойства *незыблемости* (persistence). Содержательно оно означает, что никакая запись базы данных не может быть изменена или удалена. Более того, порядок записей зафиксирован раз и навсегда.

**Замечание 1.** Стоит отметить, что указанное свойство имеет и негативный эффект в плане практического применения соответствующих систем. Специалистам по базам данных хорошо известно, что контроль входных данных представляет собой серьёзную научно-техническую проблему. Исправление ошибок в данных требует существенных затрат. В случае же блокчейна эта проблема и вовсе неразрешима: ошибки во внесённых записях исправить невозможно по определению.

Второе условие — обеспечение свойства *живучести* (liveness): если подан запрос на добавление (в конец базы данных) записи, удовлетворяющей всем необходимым требованиям, то эта запись будет непременно добавлена в базу с задержкой, не превосходящей определённую величину. Требования к записи и определение допустимой задержки задаются спецификациями конкретной реализации и приложения блокчейна.

Модели, в которых анализируются блокчейны, делятся на две больших категории — с контролем доступа (permissioned) и без контроля доступа (permissionless). В последнем случае добавлять записи в базу данных может любой пользователь, выполнивший все необходимые действия, предписанные протоколом. В первом же случае добавлять записи могут только те пользователи, которые получили на это соответствующее разрешение (это можно отнести к тем требованиям к записи, которые упоминались выше) от некоторого центрального органа управления и контроля, который, следовательно, должен быть предусмотрен в системе.

В теоретических и прикладных исследованиях систем, связанных с защитой информации, рассматриваются центральные органы следующих трёх основных типов.

Первый тип представляет выделенный участник (пользователь), выполняющий особые функции. Вопреки распространённому мнению, такой участник необходим и для блокчейнов без контроля доступа: кто-то должен, как минимум, инициировать процесс и задать начальное состояние блокчейна. С точки зрения криптографии, нельзя не учитывать возможность коррумпированности этого участника, однако сценарий с таким противником в литературе не рассматривается.

Ко второму типу относится центр доверия, который представляет собой участника, наделённого доверием всех остальных пользователей. Стойкость соответствующей

щей системы защиты информации анализируется только в предположении, что центр доверия — честный. Если же центр доверия отклоняется от предписанного поведения, должна иметься возможность доказать этот факт некоему арбитру.

Третий тип центрального органа — большой брат (Big Brother): это центр доверия, действия которого не подвергаются контролю со стороны других пользователей, его нечестность недоказуема.

Следует отметить, что в предполагаемых приложениях практически всегда присутствует какой-либо центральный орган, которому пользователи вынуждены доверять выполнение тех или иных функций. В связи с этим важно для конкретного приложения оценить степень доверия участников этому органу и проанализировать возможность реализации блокчейна в модели с центром доверия соответствующего вида. Естественно предположить, что в таком случае (когда, в отличие от первоначальной задумки, не имеет места полная децентрализация сети) для построения блокчейнов было бы достаточно использовать уже известные — и хорошо изученные — криптографические средства. Однако эта проблематика остаётся до сих пор неисследованной.

По-видимому, только одно разумное приложение, реализуемое в модели без контроля доступа, можно выделить в имеющейся научной литературе по блокчейнам. Речь идёт о решении проблемы приоритета: представляется целесообразным использовать блокчейн для фиксации информации о научных открытиях, изобретениях и т. п.

Первоначальная и наиболее популярная идея создания блокчейна без контроля доступа основана на майнинге и протоколе консенсуса. Всякий желающий может добавить новую запись в базу данных, если решит так называемую умеренно трудную вычислительную задачу, которая определяется некоторой фиксированной криптографической хэш-функцией  $H$ . Запись  $r$  помещается в блок, содержащий также  $h_{-1}$  — хэш-значение предыдущего блока — и некоторое специальное значение  $\eta$ . Умеренно трудная вычислительная задача состоит в поиске такого значения  $\eta$ , что выполнено неравенство  $H(h_{-1}, r, \eta) < D_p$ , где  $D_p$  — параметр, определяющий трудность этой задачи. Процесс поиска такого значения  $\eta$  называется майнингом. На основе общих теоретических предположений о свойствах хэш-функций считается, без всякого обоснования, что параметр  $D_p$  можно задать таким образом, что при случайном выборе  $\eta$  указанное неравенство выполняется с вероятностью  $p$ .

Благодаря включению в каждый добавляемый блок ссылки на предыдущий ( $h_{-1}$ ) весь массив блоков оказывается объединённым в цепочку, что, собственно, и породило (в английском варианте) термин «блокчейн».

Каждый участник хранит у себя текущее состояние цепочки блоков и в случае успеха процедуры майнинга (положительного завершения протокола консенсуса), добавляет новый блок в конец цепочки и рассылает её всем участникам сети с помощью специального протокола (broadcast).

Этот подход к созданию блокчейнов основан на так называемой парадигме проверки выполнения вычислительной работы (proof of work). Он предполагает, что

честные участники контролируют большую часть вычислительных ресурсов сети.

Исследования PoW-блокчейнов находятся пока на своём начальном этапе. Имеющиеся результаты, касающиеся вопросов существования такого криптографического примитива, можно трактовать лишь как частичное обоснование PoW-блокчейнов. Подробнее об этом будет сказано ниже, в разделе III.

В литературе нередко встречаются утверждения, смысл которых сводится к следующему: поскольку так называемые криптовалюты используют PoW-блокчейны и существуют годами, такие блокчейны достаточно надёжны. Но следует заметить, что в некоторых теоретических работах, посвящённых криптовалютам, используются математические методы теории игр и исследования операций, а не математической криптографии. Поскольку в случае криптовалюты единственной целью участников является прибыль, вполне разумным представляется предположение о том, что подавляющее большинство участников использует рациональные стратегии. Однако оно неприменимо к криптографическому примитиву блокчейн, предназначенному для защиты информации (в определённом смысле).

## II. МАТЕМАТИЧЕСКАЯ МОДЕЛЬ БЛОКЧЕЙНА

Блокчейн как криптографический примитив определяется четвёркой следующих объектов:  $E$  — множество возможных (допустимых) записей, представляющих собой битовые строки конечной длины,  $E \subseteq \{0, 1\}^*$ ;  $P$  — эффективно вычислимый трёхместный предикат;  $\mathcal{R}$  — эффективный алгоритм, выполняющий запросы на чтение записей в блоках (этот компонент может отсутствовать: в предлагаемых реализациях, как правило, записи в блокчейне общедоступны);  $S$  — эффективный алгоритм, выполняющий запросы на добавление записей в конец базы данных. Запись  $r$ , данная в запросе, добавляется при выполнении условия  $P(state, r, proof) = 1$ , где  $state$  — состояние блокчейна на момент получения запроса (в общем случае под состоянием подразумевается вся цепочка блоков),  $proof$  — зависящая от типа блокчейна дополнительная информация, которая играет роль подтверждения права пользователя на добавление данной записи.

Например, в общей схеме PoW-блокчейна необходимым и достаточным условием равенства  $P(state, r, \eta) = 1$  (и, соответственно, возможности добавить запись) выступает выполнение неравенства  $H(h_{-1}, r, \eta) < D_p$  и отношения  $r \in E$  (в данном случае  $h_{-1}$  определяется значением  $state$ ). Если рассматривается модель с контролем доступа, следует добавить и условие, проверяющее полномочия данного абонента на добавление записей.

Требование незыблемости блокчейна определяется следующим образом. Положим,  $state(t)$  — состояние блокчейна в момент времени  $t$ , представляющее собой последовательность имеющихся в нём на данный момент блоков. Тогда, для любых  $t_1, t_2$  с условием  $t_1 < t_2$  последовательность  $state(t_1)$  должна быть префиксом последовательности  $state(t_2)$ .

Второе требование — живучесть — означает существование такого числового параметра  $\Delta$ , что если в момент времени  $t$  выдан запрос на добавление записи  $r$  и предъявлено доказательство  $proof$ , удовлетворяющее условию

$P(\text{state}, r, \text{proof}) = 1$ , то в любой момент времени  $t'$ ,  $t' > t + \Delta$ , блокчейн (его состояние) будет содержать запись  $r$ .

Приведённые формулировки — это метаопределения, поскольку для полной формализации понятий незыблемости и живучести необходима модель противника, а она существенно зависит от конкретной реализации.

### III. ВОПРОС СУЩЕСТВОВАНИЯ PoW-БЛОКЧЕЙНОВ

Далее будем рассматривать основной вариант реализации блокчейна, с майнингом и протоколом консенсуса.

После того как введены все необходимые определения, важнейшим теоретическим вопросом становится обоснование существования данного примитива. В работе [1] при определённых предположениях и допущениях доказана теорема существования для PoW-блокчейнов. Подобного рода результаты можно найти и в некоторых других публикациях.

Однако, строго говоря, вопрос о существовании PoW-блокчейнов всё же остаётся открытым: все известные положительные результаты доказаны в модели со случайным оракулом, когда хэш-функция заменяется оракулом, вычисляющим случайную функцию, а это допущение противоречит предположениям о блокчейне как о средстве защиты информации в моделях, где нет никаких центральных органов.

Очевидно, свойства блокчейна тесно связаны со свойствами составляющих его компонентов. И в рассматриваемом случае PoW-блокчейнов основной целью соответствующей теории может ставиться доказательство их существования в предположении о стойкости используемой хэш-функции. Однако здесь возникают определённые проблемы, первая из которых — обоснование существования самой криптографически стойкой хэш-функции. На данный момент в математической криптографии достаточно хорошо обоснованы лишь односторонние семейства хэш-функций.

Рассмотрим подробнее некоторые варианты определения семейств хэш-функций. Для этого предполагаем, что для каждого натурального  $n$  задано некое множество функций  $H_n = \{h: \Sigma^n \rightarrow \Sigma^m\}$ , где  $m = m(n) < n$  и  $\Sigma$  обозначает множество (алфавит)  $\{0, 1\}$ .

**Определение 1.** Пусть для каждого натурального  $n$  задано  $H_n = \{h: \Sigma^n \rightarrow \Sigma^m\}$ , где  $m < n$ . Семейство  $\{H_n\}$  называется *односторонним семейством хэш-функций*, если выполнены следующие условия.

- 1) Существует полиномиальная вероятностная машина Тьюринга  $G$ , такая, что  $G(1^n) = \bar{h}$ , где  $\bar{h}$  — элемент множества  $\bar{H}_n$  описаний функций из  $H_n$ .
- 2) Существует полиномиальная машина Тьюринга  $C$ , такая, что  $C(\bar{h}, x) = h(x)$  для любого  $\bar{h} \in \bar{H}_n$  и любого  $x \in \Sigma^n$ .
- 3) Для любой полиномиальной вероятностной машины Тьюринга  $A$ , которая, получив на первом шаге на вход  $1^n$ , выдаёт начальное значение  $z \in \Sigma^n$ , справедливо следующее: пусть  $\bar{h}$  — описание хэш-функции, сгенерированное машиной  $G$  на входе  $1^n$ , тогда для любого полинома  $p$  и всех достаточно больших  $n$

$$\Pr[A(\bar{h}) = y: y \neq z, h(z) = h(y)] \leq \frac{1}{p(n)}.$$

Известно, что такое семейство можно построить из произвольной односторонней функции. Более проблематичным является семейство хэш-функций с труднообнаружимыми коллизиями. В определении этого примитива первые два пункта такие же, как и для одностороннего семейства хэш-функций, поэтому мы их опустим, о приведём только третий.

**Определение 2.** Семейство  $\{H_n\}$  называется *семейством хэш-функций с труднообнаружимыми коллизиями*, если для любой полиномиальной вероятностной машины Тьюринга  $A$ , для любого полинома  $p$  и всех достаточно больших  $n$  справедливо неравенство

$$\Pr[A(\bar{h}) = (z, y), y \neq z, h(z) = h(y)] \leq \frac{1}{p(n)},$$

где  $\bar{h}$  — описание хэш-функции, сгенерированное машиной  $G$  на входе  $1^n$ .

Уточним некоторые особенности используемой далее модели. Во-первых, оговорим, каким образом генерируются описания конкретных хэш-функций из семейства. Для этих целей мы дополняем модель специальным оракулом, который выбирает описания хэш-функций. Поскольку результат (теорема 1 ниже) отрицательный, такое расширение модели его только усиливает.

Во-вторых, если описание хэш-функции выбирается уже после того, как зафиксирована подготовленная для добавления в блокчейн запись  $r$  (например, в модели, где  $r$  служит запросом к оракулу), то требуются семейства, занимающие промежуточное положение между двумя определёнными выше семействами хэш-функций. Такие семейства были введены в работе [2] и, независимо, в работе [3]. Как и в предыдущем случае, мы опускаем в определении пункты 1 и 2.

**Определение 3.** Пусть  $\alpha: \mathbb{N} \rightarrow \mathbb{N}$  — функция, вместе со своей обратной вычислимая за полиномиальное время и удовлетворяющая условию  $\alpha(n) \leq n$  для любого  $n$ . Семейство  $\{H_n\}$  называется *CR $_{\alpha}$ -семейством хэш-функций*, если для любой полиномиальной вероятностной машины Тьюринга  $A$ , которая, получив на первом шаге на вход  $1^n$ , выдаёт начальное значение  $z \in \Sigma^{\alpha(n)}$ , справедливо следующее: пусть  $\bar{h}$  — описание хэш-функции, сгенерированное машиной  $G$  на входе  $1^n$ , тогда для любого полинома  $p$  и всех достаточно больших  $n$

$$\Pr[A(\bar{h}, z) = (x, y), x = zz', x \neq y, h(x) = h(y)] \leq \frac{1}{p(n)}.$$

Для дальнейшего в дополнение к соглашению о специальном оракуле мы принимаем самое сильное из приведённых предположение — о существовании семейств хэш-функций с труднообнаружимыми коллизиями. В этих условиях справедливо следующее утверждение, которое показывает, что нельзя строить blackbox-конструкции PoW-блокчейна исходя из произвольного семейства хэш-функций такого типа.

**Теорема 1.** *Существуют семейства хэш-функций с труднообнаружимыми коллизиями, не позволяющие строить PoW-блокчейны.*

*Доказательство.* Пусть  $\{H_n\}$  — семейство хэш-функций с труднообнаружимыми коллизиями, где  $H_n = \{h: \Sigma^n \rightarrow$

$\Sigma^m$ ,  $m < n$ . Построим ещё одно семейство функций  $\{H'_n\}$ , полагая, что множества описаний функций из обоих семейств совпадают,  $\bar{H}'_n = \bar{H}_n$ . Пусть  $D_p$  — параметр из определения предиката  $P$ .  $D_p$  очевидным образом определяет параметр  $l$  — количество начальных нулей в «целевом» для майнинга хэш-значении, то есть  $l$  — минимальная длина состоящего из нулей префикса в хэш-значении, которое успешно пройдёт проверку, определяемую предикатом  $P$ . Для всякой функции  $h \in H_n$  строим функцию  $h' \in H'_n$ , которая отличается от  $h$  только в случае, когда для данного аргумента  $x$  в хэш-значении  $h(x)$  есть  $l$  начальных нулей, — тогда  $h'$  записывает в начальный (старший) бит единицу.

Очевидно, что  $\{H'_n\}$  — семейство хэш-функций с труднообнаружимыми коллизиями. Так же очевидно, что семейство  $\{H'_n\}$  не позволяет строить блокчейны, поскольку майнинг никогда не приводит к успеху.  $\square$

#### IV. ЗАКЛЮЧЕНИЕ

Понятие блокчейна с математической точки зрения наиболее адекватно вписывается в ряд криптографических примитивов. Подтверждение выполненной работы (proof of work) остаётся основным подходом к построению блокчейнов в модели без контроля доступа. Однако и для этого случая до сих пор не найдено надёжного обоснования.

Вместе с тем, как показано в данной работе, для доказательства существования PoW-блокчейна недостаточно даже сравнительно сильного предположения о наличии семейств хэш-функций с труднообнаружимыми коллизиями при условии выбора функций из семейства специальным образом.

#### БИБЛИОГРАФИЯ

- [1] Pass R., Seeman L., Shelat A. Analysis of the blockchain protocol in asynchronous networks // *Advances in Cryptology—EUROCRYPT '17*. — Vol. 10210 of Lecture Notes in Computer Science. — Berlin, Heidelberg : Springer, 2017. — P. 643–673.
- [2] Варновский Н. П. Об определениях криптографически стойких хэш-функций. — 1998. — Рукопись.
- [3] Mironov I. Hash functions from Merkle—Damgård to Shoup // *Advances in Cryptology—EUROCRYPT '01*. — Vol. 2045 of Lecture Notes in Computer Science. — Berlin, Heidelberg : Springer, 2001. — P. 166–181.

# Blockchain as a cryptographic primitive

N. P. Varnovsky

**Abstract**—We consider blockchain as a new cryptographic primitive. This primitive is defined as an ordered database that allows only the following two types of queries: (a) read the data (by any user) and (b) add a new record to the end of the database (by a user who complied with certain requirements). A blockchain must satisfy the liveness and persistency conditions. The former condition guarantees that after a query to add a correct record, this record will eventually appear in the database. The latter one means that a record once added cannot be removed or modified.

One of the main problems concerning blockchain is whether this primitive exists. The paper discusses this problem in various models. Known positive results do not provide a satisfactory answer to this problem. In particular, they are all proved in the random oracle model.

In this paper, we focus on Proof-of-Work (PoW) blockchains that are based on cryptographic hash functions. Our main result is that if collision-resistant hash function families exist, then there exists such a family that cannot be used in a PoW-blockchain. Therefore there is no black box construction of a PoW-blockchain from a collision-resistant hash function family.

**Keywords**—Black box construction, blockchain, cryptographic hash functions, cryptographic primitive, information security, Proof-of-Work, random oracle model

## REFERENCES

- [1] Pass R., Seeman L., Shelat A. Analysis of the blockchain protocol in asynchronous networks // Advances in Cryptology—EUROCRYPT '17. Vol. 10210 of Lecture Notes in Computer Science. Berlin, Heidelberg : Springer, 2017. P. 643–673.
- [2] Varnovsky N. P. Ob opredeleniyakh kriptograficheskikh stoykikh kshesh-funktsiy. 1998. Manuscript [in Russian].
- [3] Mironov I. Hash functions from Merkle—Damgård to Shoup // Advances in Cryptology—EUROCRYPT '01. Vol. 2045 of Lecture Notes in Computer Science. Berlin, Heidelberg : Springer, 2001. P. 166–181.